



**BUDAPESTI MŰSZAKI EGYETEM
KÖZLEKEDÉSMÉRNÖKI KAR
KÖZLEKEDÉSAUTOMATIKAI TANSZÉK**

Szabó Géza
egyetemi tanársegéd

Bevezetés a hibafaanalízisbe

Segédlet a "Nagybiztonságú számítógépes és hibrid rendszerek" c.
tárgyhoz

BME Közlekedésautomatikai Tanszék

Budapest, 1996. november

TARTALOMJEGYZÉK

1. BEVEZETÉS	3
2. RENDSZEREK MEGBÍZHATÓSÁGI PARAMÉTEREI	3
3. A HIBAFÁK FELÉPÍTÉSE	4
3.1 A HIBAFÁANALÍZIS MÓDSZERTANA	4
3.2 NÉHÁNY JAVASLAT A HIBAFÁ FELÉPÍTÉSÉHEZ	7
4. ALAPSZÁMÍTÁSOK A HIBAFÁKON	7
4.1 KÉTBEMENETŰ ÉS KAPU KIMENETI VALÓSZÍNŰSÉGE	8
4.2 ÁLTALÁNOS, "N" BEMENETŰ ÉS KAPU	8
4.3 KÉTBEMENETŰ VAGY KAPU KIMENETI VALÓSZÍNŰSÉGE	8
4.4 ÁLTALÁNOS, "N" BEMENETŰ VAGY KAPU	8
4.5 EGYBEMENETŰ NEM KAPU KIMENETI VALÓSZÍNŰSÉGE	9
4.6 3-BÓL 2 (2/3) KAPU KIMENETI VALÓSZÍNŰSÉGE	9
4.7 ÁLTALÁNOS, "N"-BŐL "M" (M/N) KAPU	9
5. MEGHIBÁSODÁSI VALÓSZÍNŰSÉGI MODELLEK	10
5.1 KONSTANS RENDELKEZÉSRE NEM ÁLLÁSÚ KOMPONENS	10
5.2 KONSTANS GYAKORISÁG	10
5.3 NEM JAVÍTHATÓ KOMPONENS	11
5.4 FOLYAMATOSAN FIGYELT, JAVÍTHATÓ KOMPONENS	11
5.5 PERIODIKUSAN TESZTELTE KOMPONENS	13
5.5.1 CSAK A MINIMÁLISAN MEGKÖVETELT PARAMÉTEREK ADOTTAK (λ , TI)	13
5.5.2 A JAVÍTÁSI IDŐ NEM ELHANYAGOLHATÓAN RÖVID, ÉS AZ ELSŐ TESZT LEFUTÁSÁNAK IDŐPONTJA KÜLÖNBÖZIK A TOVÁBBI TESZTCIKLUSOKTÓL	13
5.5.3 AZ ALKATRÉSZ BEKAPCSOLÁSKOR KONSTANS MEGHIBÁSODÁSI VALÓSZÍNŰSÉGGEL RENDELKEZIK	14
6. A HIBAFÁANALÍZIS EREDMÉNYEI	14
6.1 A CSÚCSESEMÉNY BEKÖVETKEZÉSI VALÓSZÍNŰSÉGE	15
6.2 MINIMÁLIS VÁGATOK HALMAZA	15
6.3 ÉRZÉKENYSÉGVIZSGÁLATOK (FONTOSSÁGVIZSGÁLATOK)	17
7. IRODALOMJEGYZÉK	18

1. Bevezetés

Biztonsági rendszerek tervezésénél és minősítésénél gyakran felmerülő kérdés, hogy az adott rendszer valójában milyen biztonsági szintet képvisel. Fontos ez a tervezés alatt, elsősorban azért, hogy a fejlesztő megítélhesse, az általa tervezett rendszer megfelel-e az elvárásoknak, illetve melyek a gyenge pontjai, amelyeken javítani kell, vagy csekély ráfordítással javítani lehet, de fontos lehet azért is, nehogy többletköltség árán el nem várt, tehát indokolatlanul magas megbízhatóságú rendszert hozzon létre.

A biztonsági rendszereket az esetek nagy részében igen komoly ellenőrzési (validációs) eljárásoknak vetik alá, melynek során bizonyítani kell a rendszer megbízhatóságát, lehetőleg számszerű paraméterekkel.

A megbízhatóság jellemezhető valószínűségi paraméterekkel, melyek előnye a számszerűség és az összehasonlíthatóság.

A valószínűségi adatokkal való számolás egyik segédeszköze a hibafa-analízis, amely alkalmazható egyedi alrendszerekre vagy egyes komponensekre, de az egész rendszerre is.

2. Rendszerek megbízhatósági paraméterei

Egy tetszőleges rendszer megbízhatósági jellemzésére több paraméter szolgálhat.

Rendelkezésre állás (nem javítható rendszereknél: **túlélési valószínűség**), **$R(t)$** : a rendszert egy adott időpontban megfigyelve mekkora valószínűséggel lesz az működőképes.

Rendelkezésre nem állás (nem javítható rendszereknél: **meghibásodási valószínűség**), **$Q(t)$** : a rendszert egy adott időpontban megfigyelve mekkora valószínűséggel nem lesz működőképes.

$$Q(t) = 1 - R(t)$$

Meghibásodássűrűség, **$f(t)$** :

$$f(t) = \frac{dQ(t)}{dt}$$

Meghibásodási gyakoriság, **$\lambda(t)$** : A rendszer egy adott időtartam alatt hányszor hibásodik meg.

$$\lambda(t) = \frac{f(t)}{R(t)} = \frac{\frac{dQ(t)}{dt}}{1 - Q(t)}$$

Ezen jellemzők értékei lehetnek időben konstansok és lehetnek időfüggők, ilyenkor a konkrét időfüggvényen kívül az átlagérték és a maximális érték szolgálhat jellemzésül.

3. A hibafák felépítése

3.1 A hibafaanalízis módszertana

Bármilyen megbízhatósági számítás megkezdése előtt definiálni kell azt az eseményt, amelynek szempontjából számoljuk a rendelkezésre állást (vagy rendelkezésre nem állást) és a meghibásodási gyakoriságot. Ez azért fontos, mert egy rendszer többféle funkciót valósíthat meg, és a különböző funkciók szempontjából más-más paraméterekkel rendelkezhet.

A hibafa-analízisnél a definiált esemény valamilyen hibás működés, vagy működés elmaradás. Ezt a definiált eseményt nevezik **csúcseseménynek**. Analízisünknel keressük azokat az ún. **elemi eseményeket**, melyek bekövetkezésekor (esetleg más elemi események bekövetkezésétől függően) a csúcsesemény bekövetkezik. Elemi eseményen olyan eseményeket értünk, melyek bekövetkezési valószínűségéről valamilyen információval rendelkezünk. Fontos az elemi események kapcsolatának helyes felírása, mert ez alapjaiban befolyásolja a számítások eredményét.

A hibafa könnyebb felépítése érdekében definiálhatunk **közbenső eseményeket** is. A közbenső esemény olyan esemény, amely bekövetkezési valószínűsége nem áll rendelkezésre, azt elemi eseményekből számoljuk ki, de ezen közbenső esemény a csúcsesemény szempontjából az elemi eseményekkel azonos módon kezelendő. Közbenső események definiálásával hierarchikus hibafa-rendszert alakíthatunk ki.

A hibafa felépítésekor az események okait az adott rendszer folyamatábráján visszafelé, az eseménytől az ok irányába haladva nyomozzuk ki (deduktív analízis). Minden egyes lépésben veszünk egy okozatot, és keresünk hozzá egy vagy több eseményt (kiváltó okot), amely lehet elemi esemény, vagy közbenső esemény, amelyet a későbbiekben tovább bontunk. (Megjegyzendő, hogy már a hibafa felépítése is igen hasznos segítséget nyújthat: rákényszeríti és rávezeti az analízist végzőt, hogy vegye számba az összes eseményt, amelyek a csúcseseményhez vezethetnek.)

Az események (elemi és közbenső események) lehetséges logikai kapcsolatai:

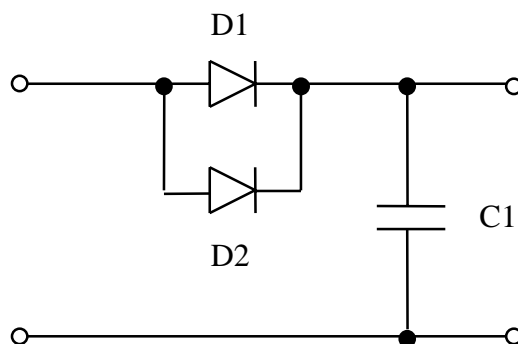
1. **ÉS**; az események együttes bekövetkezése szükséges a következő szint eseményének (esetleg a csúcseseménynek) a bekövetkezéséhez.
2. **VAGY**; az események közül bármelyik bekövetkezése elégséges a következő szint eseményének (esetleg a csúcseseménynek) a bekövetkezéséhez.
3. **NEM**; az esemény be nem következése szükséges a következő szint eseményének (esetleg a csúcseseménynek) a bekövetkezéséhez.
4. **K/N**; Az N esemény közül legalább K számú bekövetkezése szükséges a következő szint eseményének (esetleg a csúcseseménynek) a bekövetkezéséhez. (Ez a logikai kapcsolat felépíthető **ÉS** és **VAGY** kapuk segítségével is, de a K/N logika alkalmazása a kapcsolatrendszer átláthatóbbá teszi.)

Természetesen további logikai kapcsolatok definiálhatóak az előbb felsorolt 4 eset segítségével (pl. **NAND**).

Nem tartozik közvetlenül az események kapcsolatát leíró kapukhoz a **transzfer kapu** vagy **transzfer esemény**. A transzfer esemény a hibafa felosztását, lapokra tördelését

segíti elő. Egyes közbenső eseményeket (amennyiben azokat transzfer eseményként deklaráljuk), kifejthetünk akár külön részhibafában is, elősegítve egyrészt a hibafa érthetőségét, másrészt lehetővé téve azt, hogy egyes közbenső eseményeket több helyre is beillesszünk a hibafába.

Lássunk egy egyszerű példát a hibafa felépítésére. Példánkban egy soros diódás egyenirányító hibamodelljét alkotjuk meg. A kapcsolási rajzot az 1. ábra, míg a felépített hibafát a 2. ábra mutatja.



1. ábra: Diódás egyenirányító kapcsolási rajza

Első lépésként definiálnunk kell a csúcseseményt, melynek bekövetkezési valószínűségét szeretnénk számítani. Ez a mi esetünkben a következő esemény: "Az egyenirányító kimenetén nem jelenik meg az egyenirányított feszültség (vagy 0 V, vagy simítatlan egyenirányított feszültség jelenik meg)".

A modellünkben az alábbi meghibásodási típusokat vettük figyelembe (a figyelembe veendő hibatípusok függhetnek a definiált csúcseseménytől):

- Dx dióda szakadttá válik
- Dx dióda zárlatosra válik
- Cx kondenzátor üzemképtelen lesz (szakadt vagy zárlatos)

A meghibásodási típusok ismeretében definiálhatjuk azokat az elemi eseményeket, amelyeket a csúcsesemény szempontjából figyelembe kell venni:

Az esemény sorszáma	Megnevezés	Bekövetkezési valószínűség (fiktív érték)
1.	D1 dióda szakadttá válik	$1.0 \cdot 10^{-3}$
2.	D1 dióda zárlatos lesz	$1.5 \cdot 10^{-6}$
3.	D2 dióda szakadttá válik	$1.0 \cdot 10^{-3}$
4.	D2 dióda zárlatos lesz	$1.5 \cdot 10^{-6}$
5.	C1 kondenzátor üzemképtelen lesz	$3.2 \cdot 10^{-6}$

1. táblázat: Diódás egyenirányító meghibásodási elemi eseményei

A következő lépésben felfedjük az egyes elemi eseményeknek a csúcsesemény bekövetkezésében játszott szerepét. A hibafa könnyebb felépítése és a könnyebb érthetőség miatt közbenső eseményeket is definiálunk.

A definiált közbenső események (ezek -eltérően az elemi eseményektől- tetszőlegesek lehetnek, illetve alkalmazásuktól el is lehet tekinteni) a következők:

- “A diódákon keresztül nem folyik áram”, illetve
- “A diódák rövidzárként viselkednek”

A csúcsesemény (“Az egyenirányító kimenetén nem jelenik meg az egyenirányított feszültség”) az alábbi három esemény valamelyikének bekövetkezésekor következik be: “A diódák rövidzárként viselkednek”, “A diódákon keresztül nem folyik áram”, illetve “C1 kondenzátor üzemképtelen lesz”. A csúcsesemény a három esemény VAGY kapcsolata.

Látható, hogy ezek közül csak egy az elemi esemény, míg a további kettő közbenső esemény, melyeket tovább tudunk bontani az alábbiak szerint:

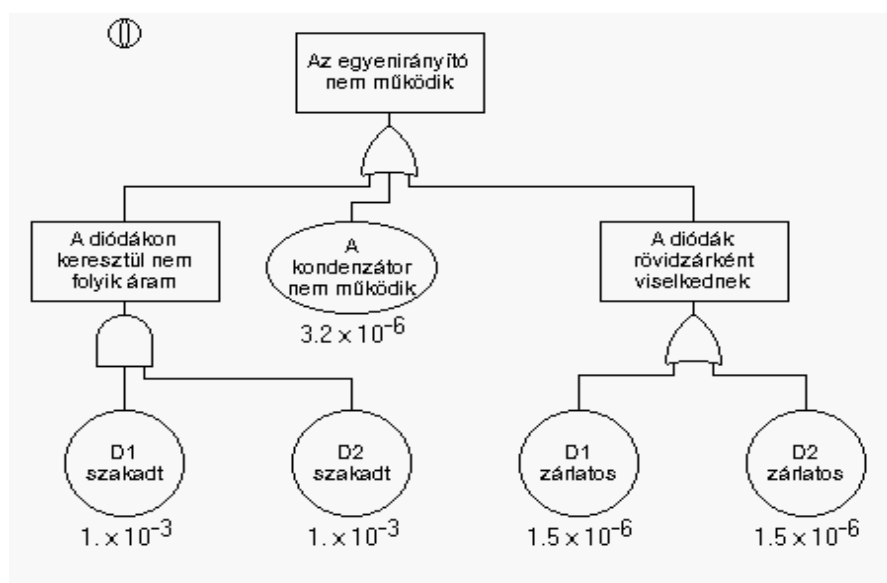
“A diódák rövidzárként viselkednek” esemény akkor következik be, ha a két dióda közül legalább az egyik zárlatos, így ez az 1. táblázat 2-es és 4-es elemi eseményeinek VAGY kapcsolata.

“A diódákon keresztül nem folyik áram” esemény akkor következik be, ha mindkét dióda szakadttá válik, így ez az 1. táblázat 1-es és 3-as elemi eseményeinek ÉS kapcsolata.

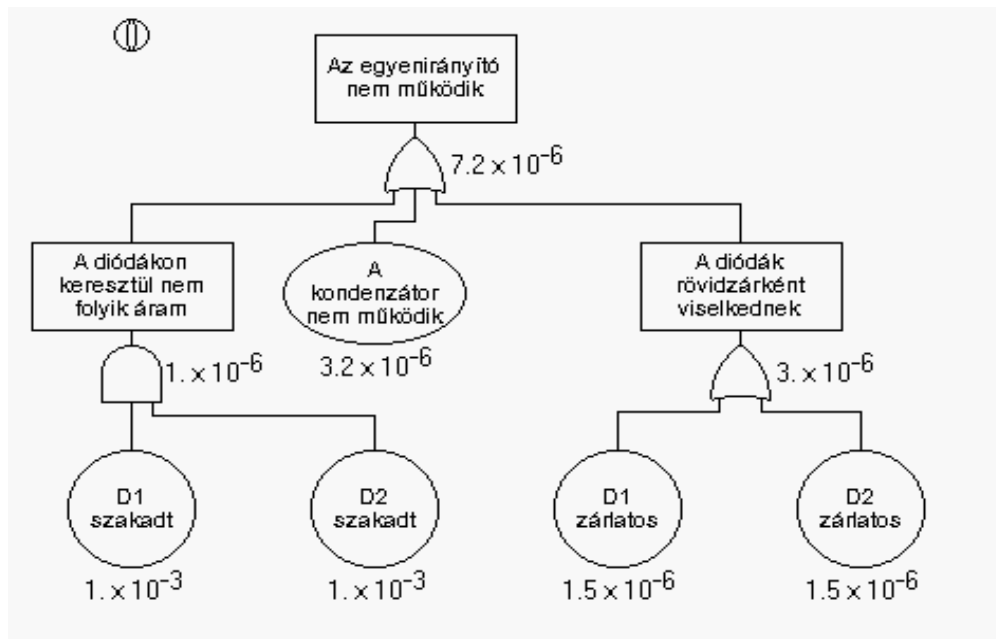
Ezek után lássuk a felépített hibafát:

A 2. ábra a hibafa struktúráját mutatja, az elemi események bekövetkezési valószínűségével.

A 3. ábra a hibafaanalízis befejezése után mutatja a hibafát. Ekkor már nem csak az elemi események valószínűsége olvasható le az ábráról, hanem a csúcsesemény és a közbenső események bekövetkezési valószínűségei is. Az elemi események valószínűsége (vagy valószínűségi modellje) a számításhoz megkövetelt paraméter, míg az egyéb valószínűségek számítással határozhatóak meg. A számítás alapösszefüggéseit a 4. fejezet (Alapszámítások a hibafákon, 7. oldal) mutatja be.



2. ábra: Diódás egyenirányító hibafa-struktúrája



3. ábra: Diódás egyenirányító hibafája a kiszámolt értékekkel

3.2 Néhány javaslat a hibafa felépítéséhez

1. A fa legyen olyan egyszerű, amennyire a rendszer bonyolultsága ezt egyáltalán lehetővé teszi.
2. Maradjon a fa mindig logikus.
3. Világos, tömör és egyszerű eseményleírásokat válasszunk.
4. A nagy terjedelmű hibafákat bontsuk részhibafákra transzferek (átviteli események) segítségével.

4. Alapszámítások a hibafákon

Az alapszámítások feladata, hogy az események alapvető logikai kapcsolatainak megfelelően megadják az események kapcsolatához tartozó, számolt valószínűségeket. Az alapkapsolatok, mint ahogy az a 3. fejezetben bemutatásra került, az alábbiak:

1. ÉS kapcsolat
2. VAGY kapcsolat
3. NEM kapcsolat
4. K/N kapcsolat

Az alábbi példákban rendre Q_n jelöli a bemeneti események hibavalószínűségeit, R_n a bemeneti események túlélési valószínűségeit, míg a kimeneti esemény hibavalószínűsége Q_{ki} , túlélési valószínűsége R_{ki} lesz.

4.1 Kétfemenetű ÉS kapu kimeneti valószínűsége

Az ÉS kapcsolat miatt a kimeneti esemény a bemeneti események együttes bekövetkezésekor következik be, így:

$$Q_{ki} = Q_1 \cdot Q_2$$

4.2 Általános, “n” bemenetű ÉS kapu

$$Q_{ki} = \prod_{i=1}^n Q_i$$

4.3 Kétfemenetű VAGY kapu kimeneti valószínűsége

A VAGY kapcsolat miatt a kimeneti esemény a bemeneti események bármelyikének bekövetkezésekor bekövetkezik, így:

$$Q_{ki} = Q_1 + Q_2 - Q_1 \cdot Q_2$$

A fenti összefüggéshez úgy jutunk, hogy a rendszer túlélési valószínűségeit vizsgáljuk. A rendszer helyesen működik, ha mindkét bemenet helyesen működik, vagyis:

$$R_{ki} = R_1 \cdot R_2 = (1 - Q_1) \cdot (1 - Q_2)$$

és így

$$Q_{ki} = 1 - R_{ki} = 1 - [(1 - Q_1) \cdot (1 - Q_2)] = 1 - (1 - Q_1 - Q_2 + Q_1 \cdot Q_2) = Q_1 + Q_2 - Q_1 \cdot Q_2$$

Ha a két bemeneti esemény együttes bekövetkezési valószínűsége 0 (egymást kizáró események), akkor az alábbi összefüggést kapjuk:

$$Q_{ki} = Q_1 + Q_2$$

4.4 Általános, “n” bemenetű VAGY kapu

$$Q_{ki} = 1 - \prod_{i=1}^n (1 - Q_i)$$

Ha az n eseményből mindig csak egy következhet be (egymást kizáró események), akkor az alábbi összefüggést kapjuk:

$$Q_{ki} = \sum_{i=1}^n Q_i$$

4.5 Egybemenetű NEM kapu kimeneti valószínűsége

A kimeneti esemény akkor következik be, ha a bemeneti esemény nem, így:

$$Q_{ki} = 1 - Q_i$$

4.6 3-ból 2 (2/3) kapu kimeneti valószínűsége

A kapu felbontható 3 ÉS kapura, melyek kimenetei egy VAGY kapuba csatlakoznak, így:

$$R_{ki} = (1 - Q_1 \cdot Q_2) \cdot (1 - Q_1 \cdot Q_3) \cdot (1 - Q_2 \cdot Q_3)$$

és

$$Q_{ki} = 1 - R_{ki} = 1 - [(1 - Q_1 \cdot Q_2) \cdot (1 - Q_1 \cdot Q_3) \cdot (1 - Q_2 \cdot Q_3)]$$

4.7 Általános, “n”-ből “m” (m/n) kapu

$$Q_{ki} = 1 - \prod_{i_1, i_2, \dots, i_m} (1 - Q_{i_1} \cdot Q_{i_2} \cdot \dots \cdot Q_{i_m})$$

$$i_1 = 1 \dots (n - m + 1), \quad i_2 = i_1 + 1 \dots (n - m + 2), \quad \dots \quad i_m = i_{m-1} + 1 \dots (n - m + m)$$

Lássunk egy példát a fenti képlet használatára. Írjuk fel a 4-ből 3 logika kimeneti valószínűségét. Itt $m=3$, $n=4$. Így a $Q_{i_1} \cdot Q_{i_2} \cdot \dots \cdot Q_{i_m}$ tag rendre 3 darab Q valószínűséget fog tartalmazni. Az i_1 index 1-től $(n-m+1)$ -ig, azaz 2-ig fut. Ha $i_1=1$, i_2 2 és 3 lehet, ha $i_1=2$, i_2 csak 3 lehet. A fenti gondolatmenetet követve számítható i_3 értéke is.

Így:

$$\begin{aligned} Q_{ki} &= 1 - R_{ki} = \\ &= 1 - [(1 - Q_1 \cdot Q_2 \cdot Q_3) \cdot (1 - Q_1 \cdot Q_2 \cdot Q_4) \cdot (1 - Q_1 \cdot Q_3 \cdot Q_4) \cdot (1 - Q_2 \cdot Q_3 \cdot Q_4)] \end{aligned}$$

5. Meghibásodási valószínűségi modellek

A meghibásodási valószínűségi modellek feladata, hogy az alkatrész rendelkezésre nem állásának időbeli változását definiálják. Egyszerűbb számításoknál a bonyolultabb modellek helyett az időbeli átlagértéket is szokás használni.

5.1 Konstans rendelkezésre nem állású komponens

A legegyszerűbb modell esetén az alkatrész rendelkezésre állását konstansnak feltételezzük:

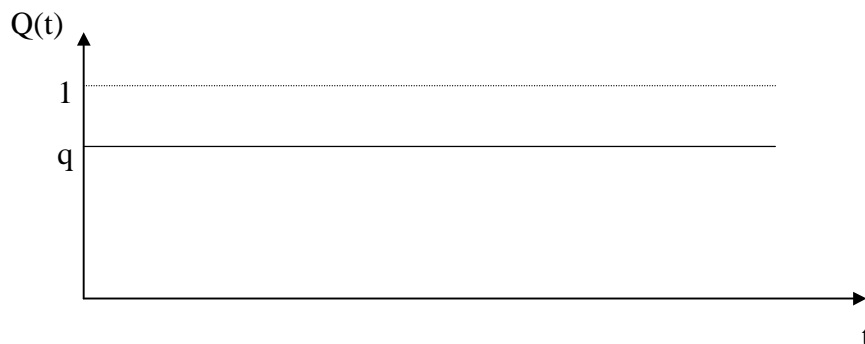
$$Q(t) = q$$

és így az átlagértékre az alábbi egyenlőséget kapjuk:

$$Q_{mean} = q$$

A fenti modellel jellemzett alkatrész csak bekapcsoláskor hibásodhat meg, és a bekapcsoláskori meghibásodás valószínűsége q . Ha az elem bekapcsoláskor meghibásodott, javítására lehetőség nincs, így bármely időpontban vizsgálva a rendelkezésre nem állását, a bekapcsoláskori q valószínűséget kapjuk.

Ilyen típusú valószínűségi modellel rendelkeznek pl. az olyan szelepek, melyek két állapottal rendelkeznek és bekapcsoláskor váltanak állapotot. Amennyiben az állapotváltás már bekövetkezett, a szelep működésében nem léphet fel hiba, így csak a váltáskori (bekapcsolási) meghibásodást vesszük figyelembe.



4. ábra: Konstans rendelkezésre nem állású komponens $Q(t)$ függvénye

5.2 Konstans gyakoriság

Ezt a modellt olyan esetekben célszerű használni, amikor az esemény legjobban Poisson folyamatként írható le.

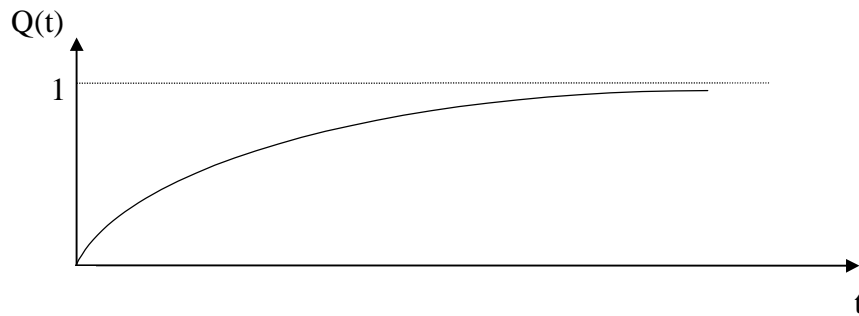
$$\lambda(t) = \lambda$$

5.3 Nem javítható komponens

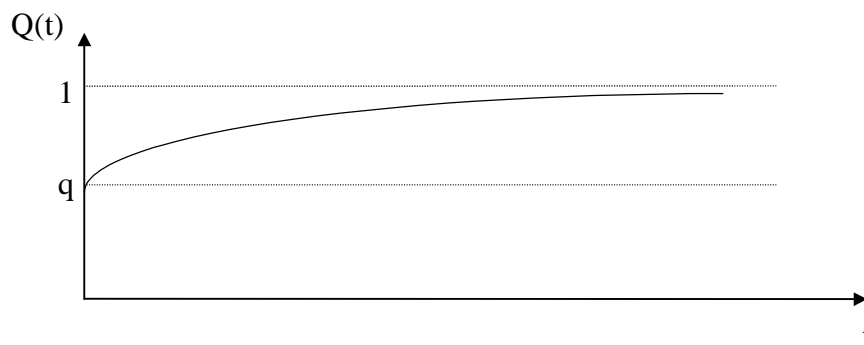
A leggyakoribb, nem javítható (vagy nem javított) komponens, konstans meghibásodási rátával. (A komponens meghibásodási rátája λ .)

$$Q(t) = q + 1 - e^{-\lambda t}$$

A képletben q a bekapcsoláskori meghibásodás valószínűségét jelenti.



5. ábra: Nem javítható komponens $Q(t)$ függvénye kezdeti meghibásodási valószínűség nélkül



6. ábra: Nem javítható komponens $Q(t)$ függvénye kezdeti meghibásodási valószínűséggel

A rendelkezésre nem állás hosszú időre vett átlagát ennél a típusnál nincs értelme definiálni (és azzal számításokat végezni), mert az 1 lenne.

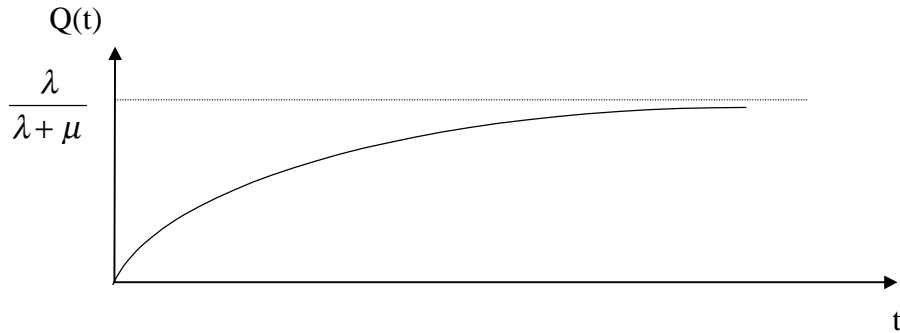
5.4 Folyamatosan figyelt, javítható komponens

Az alkatrész bármilyen meghibásodása azonnal felfedésre kerül, és megindul a javítás. (A javítás jelentheti a komponens azonos típusú, hibátlan elemre történő lecserélését is.) A definiált javítási idő elteltével a komponens ismét hibátlanul működik, egészen a következő meghibásodásig.

A rendelkezésre nem állás időfüggvénye:

$$Q(t) = \left(\frac{\lambda}{\lambda + \mu} \right) \cdot (1 - e^{-(\lambda + \mu) \cdot t})$$

ahol λ a komponens meghibásodási rátája és μ a javítási idő reciproka.



7. ábra: Folyamatosan figyelt, javítható komponens $Q(t)$ függvénye

A rendelkezésre nem állás átlagos értéke:

$$Q_{mean} = \frac{\lambda}{\lambda + \mu}$$

Az igen hosszú időre számolt átlagérték megegyezik az állandósult állapot értékével.

Amennyiben bekapcsoláskori meghibásodási valószínűséggel is számolunk, az alábbi összefüggést kapjuk a rendelkezésre nem állásra:

$$Q(t) = q \cdot e^{-\mu \cdot t} + \left(\frac{\lambda}{\lambda + \mu} \right) \cdot (1 - e^{-(\lambda + \mu) \cdot t})$$

Az összefüggés első tagja, $q \cdot e^{-\mu \cdot t}$ jelenti a bekapcsolási meghibásodásból származó részt. Látható, hogy a q bekapcsolási meghibásodási valószínűség hatása most nem marad meg tetszőleges ideig, mint az előző típusoknál, hanem a javítási időtől függően, exponenciálisan tart nullához, hiszen ennél a típusnál a bekapcsolási hibát is azonnal detektáljuk.

A rendelkezésre nem állás átlagos értéke ilyenkor is:

$$Q_{mean} = \frac{\lambda}{\lambda + \mu}$$

5.5 Periodikusan tesztelt komponens

Periodikusan tesztelt alkatrész hibái nem a hiba bekövetkezésekor, hanem egy előre definiált időpontban (előre definiált időintervallumonként periodikusan) lefutó tesztelés alkalmával fedődnek fel. A hiba felfedésekor azonnal megkezdődik a javítás, mely után az alkatrész ismét üzemképes lesz.

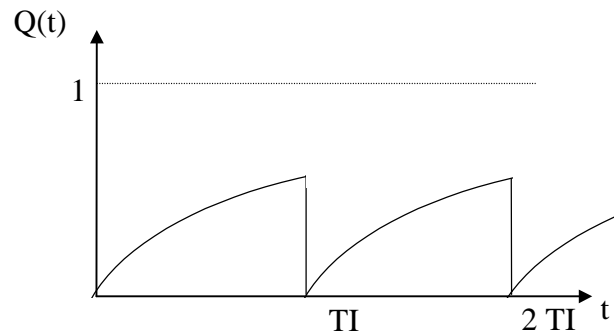
A periodikusan tesztelt komponens meghibásodási modellje talán a legkomplexebb modell, ezért több, a megadott paraméterek számának megfelelően különböző esetekre bontottuk a vizsgálatát.

5.5.1 Csak a minimálisan megkövetelt paraméterek adottak (λ , TI)

A legegyszerűbb esetben összesen két paraméter megadása szükséges: a komponens meghibásodási rátája (λ) és a tesztelési időintervallum (TI). Ilyenkor a javítási idő közel nulla hosszúságú (elhanyagolhatóan rövid), ami azt eredményezi, hogy a tesztelés után közvetlenül az alkatrész ismét hibátlan lesz. Ez a modell extrém rövid javítási idők esetén jól használható.

A rendelkezésre nem állás időfüggvénye:

$$Q(t) = 1 - e^{-\lambda(t-T_i)} \quad T_i = 0, TI, 2TI, \dots$$



8. ábra: Periodikusan tesztelt komponens $Q(t)$ függvénye

Mivel $Q(t)$ TI szerint periodikus, az átlagértéke:

$$Q_{mean} = \frac{1}{TI} \int_0^{TI} Q(t) dt = 1 - \frac{1}{\lambda \cdot TI} (1 - e^{-\lambda TI})$$

5.5.2 A javítási idő nem elhanyagolhatóan rövid, és az első teszt lefutásának időpontja különbözik a további tesztciklusoktól

Periodikusan tesztelt elemeknél gyakran alkalmazott az az eljárás, amikor a bekapcsolás utáni első teszt nem a megadott tesztciklusidő elteltével hajtódik végre, hanem annál jóval rövidebb idő után.

Ha első teszteléssel is számolunk, és a javítási időt már nem lehet elhanyagolni, az alábbi képletekhez jutunk (a képletekben TR a javítási időt, míg TF az első teszt lefutásáig eltelt időt jelenti):

$$\begin{aligned}
 Q(t) &= 1 - e^{-\lambda t} & ha \ t < TF \ (T_i = 0) \\
 Q(t) &= Q(TF) = 1 - e^{-\lambda \cdot FI} & ha \ t = TF \\
 Q(t) &= Q(TI) = 1 - e^{-\lambda \cdot TI} & ha \ t = TF + nTI \\
 Q(t) &= Q(TI) + (1 - Q(TI)) \cdot (1 - e^{-\lambda(t-TI)}) & ha \ TI < t < TI + TR \\
 Q(t) &= 1 - e^{-\lambda(t-n \cdot TI)} & ha \ n \cdot TI + TR < t < (n+1) \cdot TI
 \end{aligned}$$

A rendelkezésre nem állás átlagos értéke:

$$Q_{mean} = 1 - \frac{1}{\lambda \cdot TI} (1 - e^{-\lambda \cdot TI}) + (1 - e^{-\lambda \cdot TI}) \times \frac{TR}{TI}$$

5.5.3 Az alkatrész bekapcsoláskor konstans meghibásodási valószínűséggel rendelkezik

Konstans bekapcsolási (tesztelés utáni újbóli üzembeállítási) meghibásodási valószínűséggel rendelkezik, az alábbi képletek adódnak a rendelkezésre nem állásra:

$$\begin{aligned}
 Q(t) &= q + 1 - e^{-\lambda t} & ha \ t < TF \\
 Q(t) &= Q(TI) = q + 1 - e^{-\lambda \cdot TI} & ha \ t = TF + nTI \\
 Q(t) &= Q(TI) + (1 - Q(TI)) \cdot (q + 1 - e^{-\lambda(t-TI)}) & ha \ TI < t < TI + TR \\
 Q(t) &= q + 1 - e^{-\lambda(t-TI)} & ha \ TI + TR < t < 2TI
 \end{aligned}$$

A rendelkezésre nem állás átlagos értéke:

$$Q_{mean} = q + 1 - \frac{1}{\lambda \cdot TI} (1 - e^{-\lambda \cdot TI}) + (q + 1 - e^{-\lambda \cdot TI}) \times \frac{TR}{TI}$$

6. A hibafaanalízis eredményei

A hibafaanalízis a tervező vagy ellenőrzést végző számára számos, különböző típusú eredményt szolgáltat. Ezek közül egyesek elsősorban a tervezést, a rendszer gyenge pontjainak feltárását segítik elő, míg mások számszerű eredményt adnak a rendszer paramétereiről.

6.1 A csúcsesemény bekövetkezési valószínűsége

Az egyik legfontosabb vizsgálat a definiált csúcsesemény bekövetkezési valószínűségének számítására irányul. Az analízis során a valószínűségszámítás alapszabályai szerint az egyes elemi események valószínűségéből a definiált kapcsolatokon keresztül képezzük a csúcsesemény bekövetkezési valószínűségét.

A számszerű eredmény csak azt mutatja meg, hogy a rendszerünk megfelel-e az elvárásoknak, azt azonban nem, hogy melyek a rendszer gyenge pontjai.

6.2 Minimális vágatok halmaza

A rendszer gyenge pontjairól a minimális vágatok halmazán keresztül szerezhetünk értékes információkat. **Minimális vágatnak** az elemi események azon halmazát nevezzük, mely elemi események együttes bekövetkezésekor a csúcsesemény bekövetkezik, de amelyek közül bármelyik esemény be nem következésekor a csúcsesemény sem következik be.

A minimális vágatokhoz hozzárendelhetjük a bennük szereplő elemi események bekövetkezési valószínűségének szorzatát. Ekkor a minimális vágatokat érték szerint sorba rendezve megállapíthatjuk, hogy elsősorban melyik elemi események felelősek a csúcsesemény bekövetkezéséért.

A minimális vágatok további elemzésével megállapítható, hogy minimálisan hány hiba szükséges a csúcsesemény bekövetkezéséhez. Ez azért fontos jellemző, mert sok esetben a rendszerekkel szembeni meghibásodási valószínűségi követelményeket kiegészítik azzal, hogy a rendszer legyen legalább egyszeresen hibatűrő, vagyis egy hiba, bármilyen kis valószínűséggel is következne be, ne okozhassa a rendszer hibás reakcióját.

A 6. oldalon található hibafához tartozó minimális vágatok a hozzájuk rendelt valószínűségekkel:

Sorszám	Valószínűség	1. elemi esemény	2. elemi esemény
1.	$3.2 \cdot 10^{-6}$	A kondenzátor nem működik	-----
2.	$1.5 \cdot 10^{-6}$	D1 zárlatos	-----
3.	$1.5 \cdot 10^{-6}$	D2 zárlatos	-----
4.	$1 \cdot 10^{-6}$	D1 szakadt	D2 szakadt

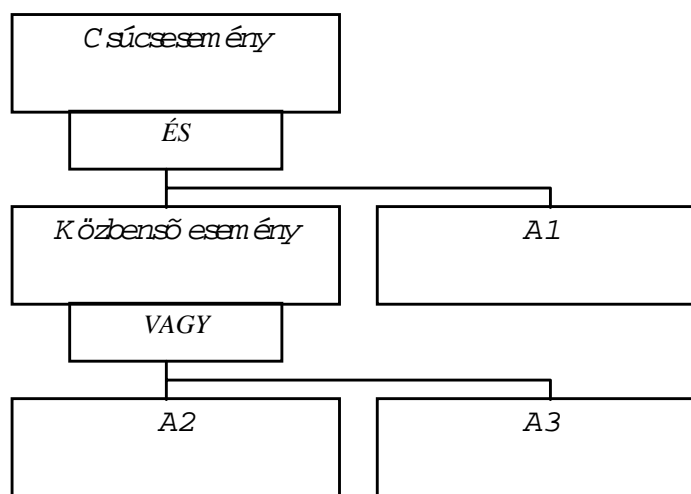
2. táblázat: Diódás egyenirányító minimális vágatai

Amint látható, a példabeli egyenirányító nem tesz eleget az egyszeres hibatűrési feltételének, hiszen 3 elemi esemény (3 hiba) közül bármelyik bekövetkezése önmagában elég a csúcsesemény bekövetkezéséhez, vagyis a működés elmaradáshoz.

Figyelmeztetés: Az egyes minimális vágatokhoz hozzárendelt számszerű eredmények összege nem a helyes végeredményt adja a csúcsesemény bekövetkezése szempontjából. Ennek oka, hogy a minimális vágatokban többször is szerepelhetnek (természetesen különböző kombinációkban) olyan elemi események, melyek a hibafában csak egyszer szerepelnek (az egyes minimális vágatokhoz tartozó értékek a többi minimális vágattal való kapcsolat értékeit is tartalmazzák). Így a minimális vágatokhoz tartozó számszerű valószínűségeket csak összehasonlításra szabad használni!

Következő példánkban azt mutatjuk meg, hogy a minimális vágatokhoz rendelt valószínűségek összege nem a csúcsesemény bekövetkezési valószínűségét adja.

A példabeli hibafa 3 elemi eseményt tartalmaz: A_1 , A_2 , A_3 , melyek bekövetkezési valószínűsége rendre P_1 , P_2 , P_3 , értékük egységesen 10^{-3} .



9. ábra: Példahibafa minimális vágatok számításához

A példánkban a csúcsesemény bekövetkezési valószínűsége:

$$P_{csúcs} = (P_2 + P_3 - P_2 P_3) * P_1 = P_1 P_2 + P_1 P_3 - P_1 P_2 P_3 = 2 * 10^{-6} - 10^{-9}$$

A minimális vágatok:

Sorszám	Valószínűség	1. elemi esemény	2. elemi esemény
1.	$P_1 P_2 = 10^{-6}$	A_1	A_2
2.	$P_1 P_3 = 10^{-6}$	A_1	A_3

3. táblázat: Példahibafa minimális vágatai

A minimális vágatok valószínűségeinek összege: $P_1 P_2 + P_1 P_3 = 2 * 10^{-6}$. Ha minimális vágatoknak nem az összegét képezzük, hanem úgy tekintjük őket, mint VAGY kapcsolatban lévő eseményeket (ez a megfontolás közelebb jár a valósághoz) és úgy is számolunk velük, ahogy a VAGY kapukra vonatkozó szabályok előírják, akkor az alábbi eredményt kapjuk:

$$P_1P_2 + P_1P_3 - (P_1P_2) \cdot (P_1P_3) = 10^{-6} + 10^{-6} - 10^{-6} \cdot 10^{-6} = 2 \cdot 10^{-6} - 10^{-12}.$$

Látható, hogy egyik eredmény sem korrekt, tehát a minimális vágatokhoz rendelt valószínűségeket valóban csak összehasonlításra, illetve tájékoztató eredményként szabad használni.

6.3 Érzékenységvizsgálatok (fontosságvizsgálatok)

Az érzékenységvizsgálatok arra adnak választ, hogy mennyire érzékeny a csúcsesemény rendelkezésre nem állási értéke az egyes paraméterek értékeinek megváltoztatására. Az egyes paraméterek alatt az egyedi alkatrész-meghibásodásokhoz tartozó valószínűségi modellek paramétereit (λ , μ vagy TR, TI, TF) értjük. Ezt a tervezőnek azért kell ismernie, mert így választ lehet kapni arra a kérdésre, hogy milyen paraméterek változtatásával (javításával) lehet a csúcseseményre vonatkoztatott jellemzőket befolyásolni.

A vizsgálat elvégzéséhez a vizsgálni kívánt paraméter értékét előbb n-szeresére, majd az eredeti paraméter n-ed részére változtatják, és kiszámolják a csúcsesemény rendelkezésre nem állásának értékeit (Q_{\max} és Q_{\min}) úgy, hogy közben a többi paramétert állandó értéken tartják. A Q_{\max} / Q_{\min} hányados értéke mutatja azt, hogy a paraméter megváltoztatásával mennyire változnak a globális jellemzők. Az összes paraméterre elvégezve a vizsgálatot a paraméterek fontossági rangsorát állíthatjuk fel.

Az érzékenységvizsgálatokkal nem csak az egyes meghibásodási ráták változásának hatása térképezhető fel, de választ kapunk az egyes definiált időintervallumok (tesztelési idők, javítási idők) változtatásának hatásaira is. Ez igen fontos lehet a tervezőmérnök számára, hiszen a rendszer jellemzőinek egyik javítási módja (amennyiben nem akarunk, vagy nem tudunk jobb, megbízhatóbb komponenseket használni) a tesztelések gyakoribb lefolytatása (ami a hibák hamarabbi felfedését eredményezi), illetve a javítási idő csökkentése.

Az érzékenységvizsgálatok másik típusánál nem az elemi eseményekhez tartozó paramétereket változtatják, hanem az elemi esemény rendelkezésre nem állásának értékét befolyásolják közvetlenül. Ha az értéket konstans 1-nek feltételezzük, azt az esetet kapjuk, amikor az egyedi komponens meghibásodása mellett üzemel a rendszer, és erre az esetre számíthatjuk ki a csúcsesemény rendelkezésre nem állását. (Ha az ilyenkor kiszámolt rendelkezésre nem állás értéke 1, az azt jelenti, hogy a komponens meghibásodása a teljes rendszer hibájához vezet, vagyis a rendszer nem tesz eleget az egyszeres hibatűrési feltételének.)

Amennyiben az elemi esemény túlélési valószínűségét választjuk 1-nek, azt az elméleti esetet kapjuk, amelynél az alkatrész soha nem hibásodik meg, tehát ideális. Az ilyenkor kiszámolt csúcsesemény paraméterek azokat a határokat mutatják meg, amelyek az elemi esemény (alkatrész) paramétereinek változtatásával maximálisan elérhetőek.

7. Irodalomjegyzék

1. Risk Spectrum User's Manual - Relcon Teknik AB., Sweden
2. David B. Brown - System analysis and design for safety
3. Eugen Schaeffer - Megbízhatóság az elektronikában